

**LOGARITMOS**

---

**Ejercicios propuestos****B.1. Dado un logaritmo, halla su valor:**

1.  $\log_2 64 =$       5.  $\log_{10} (5 \log_{10} 100)^2 =$   
 2.  $\log_2 \sqrt{2} =$       6.  $\log_{\sqrt{2}} 32 =$   
 3.  $\log_{\frac{1}{2}} \sqrt{2} =$       7.  $\log_{9\sqrt{3}} 3 \cdot \sqrt[5]{27} =$   
 4.  $\log_{\frac{1}{3}} \sqrt[5]{81} =$

**B.2. Dada una expresión logarítmica, hallar su valor.**

8.  $\log_2 \sqrt[5]{2} + \log_2 8 + \log_2 \frac{1}{4} =$   
 9.  $\ln 1 + \ln e + \ln e^3 + \ln \sqrt[3]{e} + \ln \frac{1}{e} =$   
 10.  $\log 810 + \log 0,03 + \log \sqrt[5]{\frac{1}{9}}, \text{ si } \log 3 \approx 0,477$   
 11.  $\log \sqrt[5]{0,04} + \log \sqrt[3]{\frac{0,25}{8}} + \log \sqrt{\frac{1,6}{5}}, \text{ si } \log 2 \approx 0,301$   
 12.  $\log_a a \sqrt[5]{a} + \log_{\frac{1}{a}} \frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{a}} =$   
 13.  $\log_{a-b} \sqrt[3]{\frac{1}{a-b}} + \log_a \frac{b}{\frac{b}{a}} + \log_{a+b} \sqrt{a+b} =$   
 14.  $\log_a (\sqrt[3]{a} \cdot a^3) - \log_b (\sqrt[5]{b^2} : b^2) + \log_{a+b} (ab)^{-3} =$

15. 
$$\frac{\log_{a-b} \sqrt{\frac{1}{a-b}} + \log_a \frac{b}{a}}{\log_{a+b} \sqrt{a+b}} =$$

16. 
$$\frac{\log_2 \sqrt[5]{8} + \log_2 16 + \log_2 \frac{1}{8}}{2\log_2 4 - 3\log_2 2} =$$

17. 
$$\frac{\log_2 8 + \log_2 \frac{2}{25}}{\log_2 40 - \log_2 10} - \frac{\log_2 \frac{1}{5} - \log_2 \frac{25}{8}}{\log_2 2 + \log_2 4} =$$

18.  $\log_b \left( \frac{7,2^3 \cdot 0,006^{-2}}{25 \cdot 3,2^4} \right)$ . Datos:  $\begin{cases} \log_b 2 = 4 \\ \log_b 3 = 2 \\ \log_b 5 = -3 \end{cases}$

### B.3 Hallar el término desconocido.

19.  $\log_a 125 = 3$

22.  $\log_{32} 0,25 = x$

20.  $\log_a 243 = 5$

23.  $\log_x 2 = \frac{1}{5}$

21.  $\log_{625} 25 = x$

### B.4. Desarrollar expresiones logarítmicas:

24.  $\log_a \frac{x \cdot y}{z} =$

26.  $\log_a \frac{x \cdot y}{z} =$

25.  $\log_a \left( \frac{x}{y} \right)^2 =$

27.  $\log_a \frac{x^3 y}{\sqrt{z}} =$

### B.5. Escribir como un solo logaritmo:

28.  $\log(xy) - 2\log \left( \frac{x}{y} \right) =$

31.  $2\log_5(x) - \frac{1}{3}\log_5(b) + (x+2)\log_5(7) =$

29.  $2\ln(a-b) - \ln(a^2 - b^2) =$

30.  $4\log_2 \frac{\sqrt{a-b}}{a} - \frac{1}{2}\log_2 \left( \frac{a-b}{a} \right)^4 =$

32.  $\log \left( \frac{a}{b} \right) + \log \left( \frac{b}{c} \right) + \log \left( \frac{c}{d} \right) - \log \left( \frac{ay}{xd} \right) =$

$$33. \log_2(xy) - \log_2\left(\frac{x}{y^2}\right) + \frac{1}{2}\log_2\left(\frac{x^2y}{2}\right) =$$

## TEMAS RELACIONADOS:

- Ecuaciones logarítmicas.
- Ecuaciones exponenciales.